

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
Федеральное государственное бюджетное образовательное
учреждение высшего образования
«ИРКУТСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ
УНИВЕРСИТЕТ»
Факультет среднего профессионального образования

УТВЕРЖДАЮ:
Председатель учебно-методической
комиссии факультета
 Н. Д. Пельменёва
« 17 » _____ 03 _____ 2025 г.

ОУП.04 МАТЕМАТИКА

Рабочая программа учебного предмета общеобразовательной подготовки

Специальность	21.02.20 Прикладная геодезия
Квалификация	Специалист по геодезии
Форма обучения	Очная
Год набора	2025

Составители программы: Андрейко Л.В., преподаватель
Борходоева А.Л., преподаватель
Куркутова О.Г., преподаватель

2025 г.

Программа составлена в соответствии с федеральным государственным образовательным стандартом среднего профессионального образования по специальности 21.02.20 Прикладная геодезия, федеральным государственным образовательным стандартом среднего общего образования.

Программу составили:

Андрейко Людмила Владимировна, преподаватель

« 10 » 03 2025 г. 
(подпись)

Борходоева Александра Леонидовна, преподаватель

« 10 » 03 2025 г. 
(подпись)

Куркутова Ольга Геннадьевна, преподаватель

« 10 » марта 2025 г. 
(подпись)

Программа одобрена на заседании цикловой комиссии
математических и естественно-научных дисциплин
наименование ЦК

Протокол № 7 от « 12 » 03 2025 г. Председатель ЦК 
(подпись) А.Л. Борходоева
(И.О. Фамилия)

Программа согласована с цикловой комиссией
геодезических дисциплин
наименование ЦК

Протокол № 12 от « 12 » 03 2025 г. Председатель ЦК 
(подпись) А.В. Кучина
(И.О. Фамилия)

Согласовано:

Заместитель декана по учебной работе

« 14 » 03 2025 г. 
(подпись) В.А. Махутова
(И. О. Фамилия)

Программа рассмотрена и рекомендована к утверждению на заседании учебно-методической комиссии факультета СПО ФГБОУ ВО ИРНИТУ

Протокол № 6 от « 17 » 03 2025 г.

СОДЕРЖАНИЕ

	стр.
1 ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА	4
2 СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА	36
3 УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА	49
4 КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА	53

1 ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА «МАТЕМАТИКА»

1.1 Место учебного предмета в структуре программы подготовки специалистов среднего звена

Учебный предмет «Математика» относится к предметной области «Математика и информатика» и общеобразовательному циклу программы подготовки специалистов среднего звена.

1.2 Требования к результатам освоения

Результатом освоения учебного предмета Математика является определенный этап сформированности следующих общих и профессиональных компетенций:

Код и наименование формируемых компетенций	Планируемые результаты освоения предмета	
	Общие	Предметные
ОК 01 Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам	<p>Л.1 - осознание обучающимися российской гражданской идентичности;</p> <p>Л.2 - готовность к саморазвитию, самостоятельности и самоопределению;</p> <p>Л.3 - наличие мотивации к обучению и личностному развитию;</p> <p>Л.4 - целенаправленное развитие внутренней позиции личности на основе духовно-нравственных ценностей народов Российской Федерации, исторических и национально-культурных традиций, формирование системы значимых ценностно-смысловых установок, антикоррупционного мировоззрения, правосознания, экологической культуры, способности ставить цели и строить жизненные планы.</p> <p>М.1 - освоенные обучающимися межпредметные понятия и универсальные учебные действия (регулятивные,</p>	<p>У1 умение оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений;</p> <p>У2 умение оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений и при решении задач, в том числе из других учебных предметов;</p> <p>У3 умение оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач;</p> <p>У4 умение свободно оперировать понятиями: сочетание,</p>

	<p>познавательные, коммуникативные);</p> <p>М.2 - способность их использования в познавательной и социальной практике, готовность к самостоятельному планированию и осуществлению учебной деятельности, организации учебного сотрудничества с педагогическими работниками и сверстниками, к участию в построении индивидуальной образовательной траектории;</p> <p>М.3 - овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности.</p>	<p>перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач;</p> <p>У5 умение оперировать понятиями: натуральное число, целое число, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления;</p> <p>У6 умение свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;</p> <p>У7 умение оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни;</p>
--	--	--

		<p>У8 умение свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций;</p> <p>умение использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</p> <p>умение свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; умение проводить исследование функции;</p> <p>умение использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем;</p> <p>У9 умение свободно оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул;</p> <p>У10 умение оперировать понятиями: непрерывность функции, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции,</p>
--	--	---

		<p>геометрический и физический смысл производной, первообразная, определенный интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции;</p> <p>умение использовать производную для исследования функций, для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах, для определения скорости и ускорения; находить площади и объемы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений;</p> <p>У11 умение оперировать понятиями: комплексное число, сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел;</p> <p>У12 умение свободно оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение для описания числовых данных; умение исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с</p>
--	--	--

		<p>помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии;</p> <p>У13 умение находить вероятности событий с использованием графических методов; применять для решения задач формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</p> <p>У14 умение свободно оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, плоский угол, двугранный угол, трехгранный угол, пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов в окружающем мире; умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, правильный многогранник,</p>
--	--	---

	<p>призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, развертка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения;</p> <p>У15 умение свободно оперировать понятиями: площадь фигуры, объем фигуры, величина угла, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объемов подобных фигур;</p> <p>У16 умение свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; умение использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при</p>
--	---

		<p>решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни;</p> <p>У17 умение свободно оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов; оперировать понятиями: матрица 2×2 и 3×3, определитель матрицы, геометрический смысл определителя;</p> <p>У18 умение моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат; решать прикладные задачи средствами математического анализа, в том числе социально-экономического и физического характера;</p> <p>У19 умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить примеры</p>
--	--	--

		математических открытий российской и мировой математической науки.
ОК 02 Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации, и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности	<p>Л.1 - осознание обучающимися российской гражданской идентичности;</p> <p>Л.2 - готовность к саморазвитию, самостоятельности и самоопределению;</p> <p>Л.3 - наличие мотивации к обучению и личностному развитию;</p> <p>Л.4 - целенаправленное развитие внутренней позиции личности на основе духовно-нравственных ценностей народов Российской Федерации, исторических и национально-культурных традиций, формирование системы значимых ценностно-смысловых установок, антикоррупционного мировоззрения, правосознания, экологической культуры, способности ставить цели и строить жизненные планы.</p> <p>М.1 - освоенные обучающимися межпредметные понятия и универсальные учебные действия (регулятивные, познавательные, коммуникативные);</p> <p>М.2 - способность их использования в познавательной и социальной практике, готовность к самостоятельному планированию и осуществлению учебной деятельности, организации учебного сотрудничества с педагогическими</p>	<p>У1 умение оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений;</p> <p>У2 умение оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений и при решении задач, в том числе из других учебных предметов;</p> <p>У3 умение оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач;</p> <p>У4 умение свободно оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач;</p> <p>У5 умение оперировать понятиями: натуральное число, целое число, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший</p>

	<p>работниками и сверстниками, к участию в построении индивидуальной образовательной траектории;</p> <p>М.3 - овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности.</p>	<p>общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления;</p> <p>У6 умение свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;</p> <p>У7 умение оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни;</p> <p>У8 умение свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций;</p> <p>умение использовать графики</p>
--	---	--

		<p>функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</p> <p>умение свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; умение проводить исследование функции;</p> <p>умение использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем;</p> <p>У9 умение свободно оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул;</p> <p>У10 умение оперировать понятиями: непрерывность функции, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определенный интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции;</p> <p>умение использовать производную для исследования функций, для нахождения наилучшего решения в</p>
--	--	--

		<p>прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах, для определения скорости и ускорения; находить площади и объемы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений;</p> <p>У11 умение оперировать понятиями: комплексное число, сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел;</p> <p>У12 умение свободно оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение для описания числовых данных; умение исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии;</p> <p>У13 умение находить вероятности событий с использованием графических методов; применять для решения задач формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина,</p>
--	--	--

		<p>распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</p> <p>У14 умение свободно оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, плоский угол, двугранный угол, трехгранный угол, пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов в окружающем мире; умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, правильный многогранник, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, развертка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства</p>
--	--	---

		<p>геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения;</p> <p>У15 умение свободно оперировать понятиями: площадь фигуры, объем фигуры, величина угла, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объемов подобных фигур;</p> <p>У16 умение свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; умение использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни;</p> <p>У17 умение свободно оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и</p>
--	--	--

		<p>координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов; оперировать понятиями: матрица 2×2 и 3×3, определитель матрицы, геометрический смысл определителя;</p> <p>У18 умение моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат; решать прикладные задачи средствами математического анализа, в том числе социально-экономического и физического характера;</p> <p>У19 умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки.</p>
<p>ОК 03 Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное развитие, предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере, использовать знания по правовой и</p>	<p>Л.1 - осознание обучающимися российской гражданской идентичности;</p> <p>Л.2 - готовность к саморазвитию, самостоятельности и самоопределению;</p> <p>Л.3 - наличие мотивации к обучению и личностному</p>	<p>У5 умение оперировать понятиями: натуральное число, целое число, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее</p>

<p>финансовой грамотности в различных жизненных ситуациях</p>	<p>развитию;</p> <p>Л.4 - целенаправленное развитие внутренней позиции личности на основе духовно-нравственных ценностей народов Российской Федерации, исторических и национально-культурных традиций, формирование системы значимых ценностно-смысловых установок, антикоррупционного мировоззрения, правосознания, экологической культуры, способности ставить цели и строить жизненные планы.</p> <p>М.1 - освоенные обучающимися межпредметные понятия и универсальные учебные действия (регулятивные, познавательные, коммуникативные);</p> <p>М.2 - способность их использования в познавательной и социальной практике, готовность к самостоятельному планированию и осуществлению учебной деятельности, организации учебного сотрудничества с педагогическими работниками и сверстниками, к участию в построении индивидуальной образовательной траектории;</p> <p>М.3 - овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности.</p>	<p>общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления;</p> <p>У6 умение свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;</p> <p>У7 умение оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни;</p> <p>У8 умение свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики функций, выполнять преобразования</p>
---	--	---

		<p>графиков функций;</p> <p>умение использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</p> <p>умение свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; умение проводить исследование функции;</p> <p>умение использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем;</p> <p>У10 умение оперировать понятиями: непрерывность функции, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определенный интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции;</p> <p>умение использовать производную для исследования функций, для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах, для</p>
--	--	---

		<p>определения скорости и ускорения; находить площади и объемы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений;</p> <p>У11 умение оперировать понятиями: комплексное число, сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел;</p> <p>У12 умение свободно оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение для описания числовых данных; умение исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии;</p> <p>У13 умение находить вероятности событий с использованием графических методов; применять для решения задач формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание,</p>
--	--	---

		<p>дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</p> <p>У14 умение свободно оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, плоский угол, двугранный угол, трехгранный угол, пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов в окружающем мире; умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, правильный многогранник, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, развертка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать</p>
--	--	---

		<p>определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения;</p> <p>У15 умение свободно оперировать понятиями: площадь фигуры, объем фигуры, величина угла, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объемов подобных фигур;</p> <p>У16 умение свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; умение использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни;</p> <p>У17 умение свободно оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения</p>
--	--	--

		геометрических задач и задач других учебных предметов; оперировать понятиями: матрица 2×2 и 3×3 , определитель матрицы, геометрический смысл определителя;
ОК 04 Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и команде	<p>Л.1 - осознание обучающимися российской гражданской идентичности;</p> <p>Л.2 - готовность к саморазвитию, самостоятельности и самоопределению;</p> <p>Л.3 - наличие мотивации к обучению и личностному развитию;</p> <p>Л.4 - целенаправленное развитие внутренней позиции личности на основе духовно-нравственных ценностей народов Российской Федерации, исторических и национально-культурных традиций, формирование системы значимых ценностно-смысловых установок, антикоррупционного мировоззрения, правосознания, экологической культуры, способности ставить цели и строить жизненные планы.</p> <p>М.1 - освоенные обучающимися межпредметные понятия и универсальные учебные действия (регулятивные, познавательные, коммуникативные);</p> <p>М.2 - способность их использования в познавательной и социальной практике, готовность к самостоятельному планированию и</p>	<p>У1 умение оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений;</p> <p>У4 умение свободно оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач;</p> <p>У5 умение оперировать понятиями: натуральное число, целое число, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления;</p> <p>У6 умение свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс</p>

	<p>осуществлению учебной деятельности, организации учебного сотрудничества с педагогическими работниками и сверстниками, к участию в построении индивидуальной образовательной траектории;</p> <p>М.3 - овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности.</p>	<p>произвольного числа;</p> <p>У7 умение оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни;</p> <p>У8 умение свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций;</p> <p>умение использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</p> <p>умение свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее</p>
--	---	--

		<p>и наименьшее значения функции на промежутке; умение проводить исследование функции;</p> <p>умение использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем;</p> <p>У12 умение свободно оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение для описания числовых данных; умение исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии;</p> <p>У13 умение находить вероятности событий с использованием графических методов; применять для решения задач формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы</p>
--	--	--

		<p>выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</p> <p>У14 умение свободно оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, плоский угол, двугранный угол, трехгранный угол, пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов в окружающем мире; умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, правильный многогранник, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, развертка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения;</p> <p>У15 умение свободно оперировать</p>
--	--	--

		<p>понятиями: площадь фигуры, объем фигуры, величина угла, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объемов подобных фигур;</p> <p>У16 умение свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; умение использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни;</p>
<p>ОК 05 Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста</p>	<p>Л.1 - осознание обучающимися российской гражданской идентичности;</p> <p>Л.2 - готовность к саморазвитию, самостоятельности и самоопределению;</p> <p>Л.3 - наличие мотивации к обучению и личностному развитию;</p> <p>Л.4 - целенаправленное развитие внутренней позиции личности на основе духовно-нравственных ценностей народов Российской Федерации, исторических и национально-культурных традиций, формирование системы значимых</p>	<p>У1 умение оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений;</p> <p>У4 умение свободно оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач;</p>

	<p>ценностно-смысловых установок, антикоррупционного мировоззрения, правосознания, экологической культуры, способности ставить цели и строить жизненные планы.</p> <p>М.1 - освоенные обучающимися межпредметные понятия и универсальные учебные действия (регулятивные, познавательные, коммуникативные);</p> <p>М.2 - способность их использования в познавательной и социальной практике, готовность к самостоятельному планированию и осуществлению учебной деятельности, организации учебного сотрудничества с педагогическими работниками и сверстниками, к участию в построении индивидуальной образовательной траектории;</p> <p>М.3 - овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности.</p>	<p>У5 умение оперировать понятиями: натуральное число, целое число, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления;</p> <p>У8 умение свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций;</p> <p>умение использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;</p> <p>умение свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; умение проводить исследование функции;</p> <p>умение использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости</p>
--	--	---

		<p>множества решений уравнений, неравенств и их систем;</p> <p>У12 умение свободно оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение для описания числовых данных; умение исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии;</p> <p>У13 умение находить вероятности событий с использованием графических методов; применять для решения задач формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</p> <p>У14 умение свободно оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок,</p>
--	--	--

		<p>луч, плоский угол, двугранный угол, трехгранный угол, пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов в окружающем мире; умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, правильный многогранник, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, развертка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения;</p> <p>У15 умение свободно оперировать понятиями: площадь фигуры, объем фигуры, величина угла, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объем куба, прямоугольного параллелепипеда,</p>
--	--	---

		<p>пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объемов подобных фигур;</p> <p>У16 умение свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; умение использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни;</p>
<p>ОК 06 Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных российских духовно-нравственных ценностей, в том числе с учетом гармонизации межнациональных и межрелигиозных отношений, применять стандарты антикоррупционного поведения</p>	<p>Л.1 - осознание обучающимися российской гражданской идентичности;</p> <p>Л.2 - готовность к саморазвитию, самостоятельности и самоопределению;</p> <p>Л.3 - наличие мотивации к обучению и личностному развитию;</p> <p>Л.4 - целенаправленное развитие внутренней позиции личности на основе духовно-нравственных ценностей народов Российской Федерации, исторических и национально-культурных традиций, формирование системы значимых ценностно-смысловых установок, антикоррупционного мировоззрения, правосознания, экологической культуры, способности ставить цели и строить жизненные планы.</p> <p>М.1 - освоенные</p>	<p>У12 умение свободно оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение для описания числовых данных; умение исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии;</p> <p>У13 умение находить вероятности событий с использованием графических методов; применять для решения задач формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание,</p>

	<p>обучающимися межпредметные понятия и универсальные учебные действия (регулятивные, познавательные, коммуникативные);</p> <p>М.2 - способность их использования в познавательной и социальной практике, готовность к самостоятельному планированию и осуществлению учебной деятельности, организации учебного сотрудничества с педагогическими работниками и сверстниками, к участию в построении индивидуальной образовательной траектории;</p> <p>М.3 - овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности.</p>	<p>дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;</p> <p>У14 умение свободно оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, плоский угол, двугранный угол, трехгранный угол, пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов в окружающем мире; умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, правильный многогранник, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, развертка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать</p>
--	---	---

		<p>определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения;</p> <p>У15 умение свободно оперировать понятиями: площадь фигуры, объем фигуры, величина угла, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объемов подобных фигур;</p> <p>У16 умение свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; умение использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни;</p> <p>У17 умение свободно оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения</p>
--	--	--

		геометрических задач и задач других учебных предметов; оперировать понятиями: матрица 2x2 и 3x3, определитель матрицы, геометрический смысл определителя;
<p>ПК 1.7. Выполнять первичную математическую обработку результатов полевых геодезических измерений с использованием современных компьютерных программ, анализировать и устранять причины возникновения брака и грубых ошибок измерений.</p> <p>ПК 4.1. Выполнять проектирование и производство геодезических изысканий объектов строительства.</p> <p>ПК 4.2. Выполнять подготовку геодезической подосновы для проектирования и разработки генеральных планов объектов строительства.</p> <p>ПК 4.7. Выполнять полевой контроль сохранения проектной геометрии в процессе ведения строительно-монтажных работ.</p>	<p>Л.1 - осознание обучающимися российской гражданской идентичности;</p> <p>Л.2 - готовность к саморазвитию, самостоятельности и самоопределению;</p> <p>Л.3 - наличие мотивации к обучению и личностному развитию;</p> <p>Л.4 - целенаправленное развитие внутренней позиции личности на основе духовно-нравственных ценностей народов Российской Федерации, исторических и национально-культурных традиций, формирование системы значимых ценностно-смысловых установок, антикоррупционного мировоззрения, правосознания, экологической культуры, способности ставить цели и строить жизненные планы.</p> <p>М.1 - освоенные обучающимися межпредметные понятия и универсальные учебные действия (регулятивные, познавательные, коммуникативные);</p> <p>М.2 - способность их использования в познавательной и социальной практике, готовность к самостоятельному планированию и</p>	<p>У 6 умение свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;</p> <p>У 14 умение свободно оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, плоский угол, двугранный угол, трехгранный угол, пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов в окружающем мире; умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, правильный многогранник, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, развертка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур,</p>

	<p>осуществлению учебной деятельности, организации учебного сотрудничества с педагогическими работниками и сверстниками, к участию в построении индивидуальной образовательной траектории;</p> <p>М.3 - овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности.</p>	<p>самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения;</p> <p>У 15 умение свободно оперировать понятиями: площадь фигуры, объем фигуры, величина угла, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объемов подобных фигур;</p> <p>У 17 умение свободно оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов; оперировать понятиями: матрица 2×2 и 3×3, определитель матрицы, геометрический смысл определителя;</p>
--	---	---

2 СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

2.1 Объем учебного предмета и виды учебной работы

Вид учебной работы		Объем в часах
Учебная нагрузка обучающихся:		348
в том числе:		
лекции, уроки, семинары		286
практические занятия		26
лабораторные занятия		
индивидуальный проект		
из них профессионально-ориентированное содержание		10
Промежуточная аттестация в форме экзамена	1 семестр	
	2 семестр	
в том числе:		
консультации	1 семестр	2
	2 семестр	2
самостоятельная работа	1 семестр	14
	2 семестр	13
экзамен	1 семестр	2
	2 семестр	3

2.2 Тематический план и содержание учебного предмета «Математика»

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии)	Объем часов	Коды компетенций, формированию которых способствует элемент программы
1	2	3	4
Раздел 1. Введение			
Тема 1.1. Введение. Повторение курса математики основной школы	Содержание учебного материала		<i>OK 01</i>
	1. Цели и задачи изучения математики в учреждениях среднего профессионального образования. Математика в науке, технике, экономике, информационных технологиях и практической деятельности	2	<i>OK 02</i>
	2. Повторение курса математики основной школы. Числа и вычисления. НОК, НОД	2	<i>OK 03</i>
	3. Повторение курса математики основной школы. Выражения. Уравнения и неравенства	2	<i>OK 04</i>
	4. Повторение курса математики основной школы. Геометрия на плоскости	2	<i>OK 05</i>
	5. Входной контроль	2	<i>OK 06</i>
	Всего по теме:	10	
Раздел 2. Числа и вычисления		72	
Тема 2.1. Развитие понятия о числе	Содержание учебного материала		<i>OK 01</i>
	1. Рациональные числа. Действительные числа. Арифметические операции	4	<i>OK 02</i>
	2. Модуль действительного числа и его свойства	2	<i>OK 03</i>
	2. Проценты. Решение задач на дроби и проценты	2	<i>OK 04</i>
	3. Приближенные вычисления. Правила округления	2	<i>OK 05</i>
	Всего по теме:	10	
Тема 2.2. Комплексные числа	Содержание учебного материала		<i>OK 01</i>
	1. Комплексные числа. Степень комплексного числа	2	<i>OK 02</i>
	2. Действия над комплексными числами в алгебраической форме	2	<i>OK 03</i>

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии)	Объем часов	Коды компетенций, формирование которых способствует элемент программы
1	2	3	4
	3. Изображение комплексных чисел на координатной плоскости Тестовое задание 1 (1 час)	2	
	Практические занятия		
	Практическая работа 1. Действия над комплексными числами в алгебраической форме	2	
	Всего по теме:	8	
Тема 2.3. Корни, степени и логарифмы	Содержание учебного материала		<i>OK 01</i> <i>OK 02</i> <i>OK 04</i>
	1. Степень с рациональным показателем, их свойства	2	
	2. Вычисление и преобразование степенных выражений	2	
	3. Корень натуральной степени из числа и их свойства	2	
	4. Вычисление и преобразование иррациональных выражений	2	
	5. Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы	2	
	6. Основное логарифмическое тождество. Основные свойства логарифмов	2	
	7. Правила действий с логарифмами. Переход к новому основанию	2	
	8. Вычисление и преобразование логарифмических выражений	4	
	9. Преобразование алгебраических выражений	2	
	Контрольная работа №1	2	
	Практические занятия		
	Практическая работа 2. Вычисление и преобразование иррациональных выражений	2	
Практическая работа 3. Вычисление и преобразование логарифмических выражений	2		
Всего по теме:	26		
Тема 2.4 Основы	Содержание учебного материала		<i>OK 01</i> <i>OK 02</i>
	1. Радианная мера угла. Вращательное движение	2	

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии)	Объем часов	Коды компетенций, формирование которых способствует элемент программы
1	2	3	4
тригонометрии	2. Радианный метод измерения углов вращения и связь с градусной мерой	2	ОК 03 ОК 04 ОК 05 ПК 1.7. ПК 4.1. ПК 4.2. ПК 4.7.
	3. <i>Профессионально - ориентированное содержание.</i> <i>Тригонометрические функции числового аргумента. Синус, косинус, тангенс и котангенс числа</i>	2	
	4. Основные тригонометрические тождества	4	
	5. Формулы приведения	2	
	6. Формулы сложения, удвоенного аргумента, половинного аргумента	2	
	7. Преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму	2	
	8. Преобразования простейших тригонометрических выражений	2	
	9. Обратные тригонометрические функций: арксинус, арккосинус, арктангенс, арккотангенс	2	
	10. Тригонометрические уравнения	2	
	11. Тригонометрические неравенства	2	
	Контрольная работа №2	2	
	Практические занятия		
	<i>Практическая работа 4.</i> Преобразование тригонометрических выражений	2	
Всего по теме:	28		
Раздел 3. Функции и графики		16	
Тема 3.1. Функций, их свойства и	Содержание учебного материала		ОК 01
	1. Функции. Область определения и множество значений; график функции, построение графиков функций, заданных различными способами. Примеры функциональных	2	ОК 02 ОК 03

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии)	Объем часов	Коды компетенций, формирование которых способствует элемент программы
1	2	3	4
графики	зависимостей в реальных процессах и явлениях		ОК 05
	2. Свойства функции: монотонность, четность, нечетность, ограниченность, периодичность. Промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения, точки экстремума. Графическая интерпретация. Обратные функции. График обратной функции. Арифметические операции над функциями. Сложная функция (композиция)	2	
	Всего по теме:	4	
Тема 3.2. Степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции	Содержание учебного материала		ОК 01 ОК 02 ОК 03 ОК 04 ОК 05
	1. Определение, свойства и графики степенных функций	2	
	2. Определение, свойства и график показательной функции	2	
	3. Определение, свойства и график логарифмической функции	2	
	4. Определение, свойства и графики тригонометрических функций	2	
	6. Построение графика функций с помощью преобразований	2	
	7. Графики функций для исследования процессов и зависимостей при решении задач из реальной жизни. Тестовое задание 2 (1 час)	2	
	Практические занятия		
	Практическая работа 5. Построение графика функций с помощью преобразований.	2	
Всего по теме:	14		
Раздел 4. Множества и логика			
Тема 4.1. Множества	Содержание учебного материала		ОК 01 ОК 02
	1. Понятие множества. Подмножество. Операции над множествами	2	
	2. Операции над множествами. Диаграммы Эйлера-Венна	2	
	3. Описание реальных процессов и явлений при решении прикладных задач. Тестовое	2	

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии)	Объем часов	Коды компетенций, формирование которых способствует элемент программы
1	2	3	4
	задание 3 (1 час)		
	Всего по теме:	6	
Раздел 5. Вероятность и статистика			
Тема 5.1. Графы	Содержание учебного материала		<i>OK 01</i>
	1. Понятие графов. Связный граф, путь в графе: циклы и цепи. Степень вершины	2	<i>OK 02</i>
	2. Граф на плоскости, деревья. Решение задач	2	
	Всего по теме:	4	
Тема 5.2. Элементы комбинаторики	Содержание учебного материала		<i>OK 01</i>
	1. Основные понятия комбинаторики. Понятие факториала	2	<i>OK 02</i>
	2. Задачи на подсчет числа размещений, перестановок, сочетаний. Решение задач на перебор вариантов	2	<i>OK 04</i> <i>OK 05</i>
	3. Формула бинома Ньютона. Свойства биномиальных коэффициентов. Треугольник Паскаля	2	
	Всего по теме:	6	
Тема 5.3 Вероятность	Содержание учебного материала		<i>OK 01</i>
	1. Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы).	2	<i>OK 02</i> <i>OK 03</i>
	2. Классическое определение вероятности события	2	<i>OK 04</i> <i>OK 05</i>
	3. Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера.	2	<i>OK 06</i>
	4. Сложение и умножение вероятностей. Понятие о независимости событий	2	
	5. Условная вероятность. Формула полной вероятности	2	

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии)	Объем часов	Коды компетенций, формирование которых способствует элементу программы
1	2	3	4
	6. Формула Байеса. Решение задач	4	
	Всего по теме:	14	
Всего часов (аудиторных) за 1 семестр:		130	
<i>Консультации</i>		2	
<i>Самостоятельная работа в период промежуточной аттестации</i>		14	
<i>Промежуточная аттестация в форме экзамена в 1 семестре</i>		2	
Всего за 1 семестр:		148	
Тема 5.4 Вероятность и статистика	Содержание учебного материала		OK 01 OK 02 OK 03 OK 04 OK 05 OK 06
	1. Случайная величина. Распределение вероятностей. Примеры распределений	2	
	2. Операции над случайными величинами. Бинарная случайная величина.	2	
	3. Математическое ожидание случайной величины (распределения).	2	
	4. Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины (распределения).	2	
	5. Элементы математической статистики. Генеральная совокупность и случайная выборка	2	
	6. Выборочные характеристики	2	
	7. Оценивание вероятности события по выборочным данным.	2	
	Проверочная работа (1 час)		
	Всего по теме:	14	
Раздел 6. Уравнения и неравенства			
Тема 6.1. Уравнения и неравенства	Содержание учебного материала		OK 01 OK 02
	1. Рациональные уравнения, Равносильность уравнений.	2	

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии)	Объем часов	Коды компетенций, формирование которых способствует элемент программы
1	2	3	4
	2. Системы рациональных уравнений. Матрица систем линейных уравнений. Определитель 2x2.	2	OK 03 OK 04
	3. Дробно-рациональные уравнения, системы уравнений.	2	
	4. Рациональные, дробно-рациональные неравенства. Метод интервалов.	2	
	5. Иррациональные уравнения и неравенства. Методы их решения	4	
	6. Показательные уравнения и неравенства. Методы их решения.	4	
	7. Логарифмические уравнения и неравенства. Методы их решения	2	
	8. Тригонометрические уравнения и неравенства. Отбор корней тригонометрических уравнений с помощью тригонометрической окружности	2	
	9. Решение систем логарифмических и показательных уравнений	4	
	Практические занятия		
	<i>Практическая работа 6.</i> Решение показательных и логарифмических уравнений и неравенств	2	
	<i>Практическая работа 7.</i> Решение тригонометрических уравнений и неравенств	2	
	Контрольная работа №3	2	
	Всего по теме:	30	
Раздел 7. Начала математического анализа		42	
Тема 7.1. Последовательности	Содержание учебного материала		OK 01 OK 02
	1. Последовательности. Способы задания и свойства числовых последовательностей. Понятие о пределе последовательности. Арифметическая и геометрическая прогрессии	2	
	2. Понятие о пределе функции. Теоремы о пределах. Понятие о непрерывности	2	

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии)	Объем часов	Коды компетенций, формирование которых способствует элемент программы
1	2	3	4
	функции		
	3. Вычисление предела функций	4	
	Всего по теме:	8	
Тема 7.2. Производная	Содержание учебного материала		<i>OK 01</i> <i>OK 02</i> <i>OK 03</i>
	1. Понятие о производной функции, её геометрический и физический смысл.	2	
	2. Производные основных элементарных функций	4	
	3. Производные суммы, разности, произведения, частного	4	
	4. Решение задач на геометрический и физический смысл производной. Уравнение касательной к графику функции	2	
	5. Вторая производная, её геометрический и физический смысл	2	
	6. Вычисление производной сложной функций (композиции)	2	
	7. Применение производной к исследованию функций и построению графиков.	2	
	8. Применение оптимального результата с помощью производной при решении задач	2	
	Практические занятия		
<i>Практическая работа 8.</i> Исследование и построение графика функций с помощью производной	2		
	Всего по теме:	22	
Тема 7.3. Первообразная и интеграл	Содержание учебного материала		<i>OK 01</i> <i>OK 02</i> <i>OK 03</i>
	1. Первообразная. Основное свойство первообразных. Первообразные элементарных функции	2	
	2. Интеграл. Непосредственное интегрирование	4	

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии)	Объем часов	Коды компетенций, формирование которых способствует элемент программы
1	2	3	4
	3. Определенный интеграл. Формула Ньютона–Лейбница	2	
	4. Вычисление определенного интеграла	2	
	5. Применение определенного интеграла для нахождения площади плоских фигур и объемов тел	2	
	6. Примеры применения интеграла в физике и геометрии	2	
	Практические занятия		
	<i>Практическая работа 9.</i> Построение и нахождение площади плоских фигур	2	
	Контрольная работа №4 (Раздел 7)	2	
	Всего по теме:	18	
Раздел 8. Геометрия		56	
Тема 8.1. Прямые и плоскости в пространстве	Содержание учебного материала		<i>ОК 01</i>
	1. Основные понятия стереометрии. Аксиомы стереометрии и их следствия	2	<i>ОК 02</i>
	2. Взаимное расположение двух прямых в пространстве	2	<i>ОК 03</i>
	3. Параллельность прямой и плоскости.	2	<i>ОК 04</i>
	4. Параллельность плоскостей.	2	<i>ОК 05</i>
	5. Перпендикулярность прямой и плоскости.	2	<i>ПК 1.7.</i>
	6. Перпендикуляр и наклонная	2	<i>ПК 4.1.</i>
	7. <i>Профессионально – ориентированное содержание.</i> <i>Угол между прямой и плоскостью. Двугранный угол. Угол между плоскостями.</i>	2	<i>ПК 4.2.</i>
	8. Перпендикулярность двух плоскостей.	2	<i>ПК 4.7.</i>
Практические занятия			

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии)	Объем часов	Коды компетенций, формирование которых способствует элемент программы
1	2	3	4
	<i>Практическая работа 10.</i> Основные правила изображения плоскости, параллельных прямых, многогранников, несуществующих объектов	2	
	Всего по теме:	18	
Тема 8.2. Координаты и векторы в пространстве	Содержание учебного материала		<i>ОК 01</i> <i>ОК 02</i> <i>ОК 03</i> <i>ОК 06</i> <i>ПК 1.7.</i> <i>ПК 4.1.</i> <i>ПК 4.2.</i> <i>ПК 4.7.</i>
	1. Прямоугольная (декартова) система координат в пространстве. Векторы в пространстве	2	
	2. Действия над векторами в пространстве. Разложение вектора по базису по трех векторов	2	
	3. Координаты вектора. Действия над векторами заданными своими координатами	2	
	4. Скалярное произведение векторов. Угол между двумя векторами. Проекция вектора на ось.	2	
	5. Координатно-векторный метод при решении геометрических задач	2	
	6. Уравнение прямой и плоскости.	2	
	7. <i>Профессионально ориентированное содержание.</i> <i>Использование координат и векторов при решении математических и прикладных задач. Вычисление расстояний и площадей на плоскости.</i>	2	
	Практические занятия		
<i>Практическая работа 11.</i> Действия над векторами в пространстве. Угол между векторами	2		
	Всего по теме:	16	
Тема 8.3	Содержание учебного материала		<i>ОК 01</i> <i>ОК 02</i>
	1. Многогранник. Выпуклые многогранники. Изображение пространственных фигур	2	

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии)	Объем часов	Коды компетенций, формирование которых способствует элемент программы
1	2	3	4
Многогранники	2. Призма. Прямая и наклонная призма.	2	OK 03
	3. Правильная призма. Решение задач	2	OK 04
	4. Параллелепипед. Куб. Решение задач	2	OK 05
	5. Призма. Решение задач	2	OK 06
	6. Пирамида. Правильная пирамида.	2	
	7. Тетраэдр. Решение задач	2	
	8. Усеченная пирамида.	2	
	9. Симметрии в кубе, в параллелепипеде, в призме и пирамиде.	2	
	10. Сечения многогранников. Методы построения сечений	2	
	11. Представление о правильных многогранниках (тетраэдр, куб, октаэдр, додекаэдр и икосаэдр).	2	
		Всего по теме:	22
Тема 8.4 Тела и поверхности вращения	Содержание учебного материала		OK 01
	1. Цилиндр. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка. Осевые сечения и сечения, параллельные основанию.	4	OK 02 OK 03
	2. Конус. Усеченный конус. Основание, высота, боковая поверхность, образующая, развертка. Осевые сечения и сечения, параллельные основанию.	4	OK 04 OK 05 OK 06
	3. <i>Профессионально - ориентированное содержание. Шар и сфера, их сечения.</i>	2	ПК 1.7. ПК 4.1.
	4. Взаимное расположение сферы и плоскости, касательная плоскость к сфере.	2	ПК 4.2.
	5. Комбинации тел вращения и многогранников	2	ПК 4.7.

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии)	Объем часов	Коды компетенций, формирование которых способствует элемент программы
1	2	3	4
	Всего по теме:	14	
Тема 8.5 Измерения в геометрии	Содержание учебного материала		<i>ОК 01</i>
	1. Понятие площади и объема фигуры. Формулы площади и объема призмы.	2	<i>ОК 02</i>
	2. Решение задач на нахождение площади и объема призмы	2	<i>ОК 03</i>
	3. Формулы площади и объема пирамиды.	2	<i>ОК 04</i>
	4. Формулы площади и объема цилиндра	2	<i>ОК 05</i>
	5. Формулы площади и объема конуса, усеченного конуса	2	<i>ОК 06</i>
	6. <i>Профессионально - ориентированное содержание.</i> <i>Формулы площади и объема шара, сегмента, сектора</i>	2	<i>ПК 1.7.</i>
	7. Подобие тел. Отношения площадей поверхностей и объемов подобных тел.	2	<i>ПК 4.1.</i>
	Практические занятия		<i>ПК 4.2.</i>
	Практическая работа 12. Решение задач на нахождение площади и объема многогранников и тел вращения.	4	<i>ПК 4.7.</i>
Контрольная работа №5	2		
	Всего по теме:	20	
Всего часов (аудиторных) за 2 семестр:		182	
Консультации		2	
Самостоятельная работа в период промежуточной аттестации		13	
Промежуточная аттестация в форме экзамена в 1 семестре		3	
Всего за 2 семестр:		200	
Всего		348	

3 УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

3.1 Материально-техническое обеспечение

Для реализации программы учебного предмета предусмотрены следующие специальные помещения:

1. Кабинет математики 314 предназначен для проведения занятий лекционного типа, практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации.

Оборудование кабинета:

- Комплект учебной мебели на 30 посадочных мест, рабочее место преподавателя, доска, переносное мультимедийное оборудование: ноутбук, видеопроектор, экран настенный.

- Лицензионное программное обеспечение: Microsoft® Windows Professional 7 Russian; Microsoft® Office PRO Russian; антивирусная защита DrWeb.

2. Читальный зал библиотеки 103 предназначен для самостоятельной работы

Оборудование зала:

- Комплект учебной мебели на 30 посадочных мест, переносное мультимедийное оборудование: ноутбук, видеопроектор, экран настенный; 15 ПК с выходом в Internet лицензионным программным обеспечением, свободный доступ к современным профессиональным базам данных и информационным ресурсам сети Internet, к комплектам библиотечного фонда, к специализированной справочной и учебной литературе.

- Лицензионное программное обеспечение: Microsoft® Windows Professional 7 Russian; Microsoft® Office PRO Russian; Консультант Плюс; антивирусная защита DrWeb.

3.2 Информационное обеспечение

Перечень основной и дополнительной литературы, электронных ресурсов:

Основная литература:

1. Мерзляк, Аркадий Григорьевич. Математика: Алгебра и начала математического анализа: 10 класс: углубленный уровень : учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков ; под ред. В. Е. Подольского. - 8-е издание, стереотипное. - Москва : Просвещение, 2024. - 477 с. : рис. - Алф.-Предм. указ.: с. 469-474. - ISBN 978-5-09-112257-2 : 1397.78 р.

2. Мерзляк, Аркадий Григорьевич. Математика: Алгебра и начала математического анализа: 11 класс: углубленный уровень : учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков ; под ред. В. Е. Подольского. - 7-е издание, стереотипное. - Москва : Просвещение, 2024. - 413 с. : рис. - Алф.-Предм. указ.: с. 410-411. - ISBN 978-5-09-112258-9 : 1397.78 р.

3. Мерзляк, Аркадий Григорьевич. Математика: Геометрия: 10 класс: углубленный уровень : учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков ; под ред. В. Е. Подольского. - 8-е издание, стереотипное. - Москва : Просвещение, 2024. - 272 с. : рис. - Алф.-Предм. указ.: с. 269-271. - ISBN 978-5-09-112260-2 : 1397.78 р.

4. Мерзляк, Аркадий Григорьевич. Математика: Геометрия: 11 класс: углубленный уровень : учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков ; под ред. В. Е. Подольского. - 8-е издание, стереотипное. - Москва : Просвещение, 2024. - 255 с. : рис. - Алф.-Предм. указ.: с. 249-253. - ISBN 978-5-09-112261-9 : 1010.69 р.

5. Мерзляк, Аркадий Григорьевич. Математика: Алгебра и начала математического анализа: 10 класс: углубленный уровень : учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков ; под ред. В. Е. Подольского. - 6-е издание, стереотипное. - Москва :

Просвещение, 2022. - 478 с. : рис. - URL: <https://znanium.ru/read?id=432593>. - Загл. с титул. экрана. - Алф.-Предм. указ.: с. 469-475. - ISBN 978-5-09-101586-7 : 0.00

6. Мерзляк, Аркадий Григорьевич. Математика: Алгебра и начала математического анализа: 11 класс: углубленный уровень : учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков ; под ред. В. Е. Подольского. - 6-е издание, стереотипное. - Москва : Просвещение, 2023. - 411 с. : рис. - URL: <https://znanium.ru/read?id=432707>. - Загл. с титул. экрана. - Алф.-Предм. указ.: с. 410-411. - ISBN 978-5-09-103608-4 : 0.00

7. Мерзляк, Аркадий Григорьевич. Математика: Геометрия: 10 класс: углубленный уровень : учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков ; под ред. В. Е. Подольского. - 7-е издание, стереотипное. - Москва : Просвещение, 2023. - 271 с. : рис. - URL: <https://znanium.ru/read?id=432695>. - Загл. с титул. экрана. - Алф.-Предм. указ.: с. 269-271. - ISBN 978-5-09-103609-1 : 0.00

8. Мерзляк, Аркадий Григорьевич. Математика: Геометрия: 11 класс: углубленный уровень : учебник / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков ; под ред. В. Е. Подольского. - 7-е издание, стереотипное. - Москва : Просвещение, 2023. - 256 с. : рис. - URL: <https://znanium.ru/read?id=432696>. - Загл. с титул. экрана. - Алф.-Предм. указ.: с. 249-256. - ISBN 978-5-09-103610-7 : 0.00

9. Богомолов, Николай Васильевич. Математика : учебник для СПО / Н. В. Богомолов, П. И. Самойленко. - 5-е изд., перераб. и доп. - Москва : Юрайт, 2024. - 401 с. : рис. - (Профессиональное образование). - URL: <https://urait.ru/viewer/matematika-536607#page/1>. - Загл. с титул. экрана. - Библиогр.: с. 398-401. - ISBN 978-5-534-07878-7 : 2180.31 р.

10. Богомолов, Николай Васильевич. Математика: Алгебра и начала анализа: базовый уровень : 10–11 классы : учебник для СОО / Н. В. Богомолов. - Москва : Юрайт, 2024. - 240 с. : рис., табл. - URL: <https://urait.ru/viewer/matematika-algebra-i-nachala-analiza-bazovyy-uroven-10-11-klassy-544860#page/1>. - Загл. с титул. экрана. - Библиогр.: с. 240. - ISBN 978-5-534-16084-0 : 0.00

11. Богомолов, Николай Васильевич. Математика: углубленный уровень: 10–11 классы : учебник для СОО / Н. В. Богомолов, П. И. Самойленко. - 5-е издание, переработанное и дополненное. - Москва : Юрайт, 2024. - 398 с. : рис., табл. - (Общеобразовательный цикл). - URL: <https://urait.ru/viewer/matematika-uglublennyy-uroven-10-11-klassy-544787#page/1>. - Загл. с титул. экрана. - Библиогр.: с. 398. - ISBN 978-5-534-16224-0 : 0.00

Дополнительная литература:

1. Абдуллина, К. Р. Математика : учебник для СПО / К. Р. Абдуллина, Р. Г. Мухаметдинова. — Саратов : Профобразование, 2021. — 288 с. — ISBN 978-5-4488-0941-5. — Текст : электронный // Электронный ресурс цифровой образовательной среды СПО PROобразование : [сайт]. — URL: <https://profspo.ru/webreader/web/viewer.php?publicationId=books/99917>

2. Богомолов, Николай Васильевич. Практические занятия по математике. В 2 ч. : учебное пособие для СПО / Н. В. Богомолов. - 11-е изд., перераб. и доп. - Москва : Юрайт, 2020. - (Профессиональное образование). - ISBN 978-5-534-08800-7. Ч. 1. - 2020. - 325 с. : рис., табл. - Библиогр.: с. 322-325. - ISBN 978-5-534-08799-4 : 825.74 р.

3. Богомолов, Николай Васильевич. Практические занятия по математике : учебное пособие для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов. - 11-е издание, переработанное и дополненное. - Москва : Юрайт, 2024. - 572 с. - URL: <https://urait.ru/bcode/534966>. - Загл. с титул. экрана. - ISBN 978-5-534-18419-8 : 0.00

4. Богомолов, Николай Васильевич. Практические занятия по математике. В 2 ч. : учебное пособие для СПО / Н. В. Богомолов. - 11-е изд., перераб. и доп. - Москва : Юрайт, 2020. - (Профессиональное образование). - ISBN 978-5-534-08800-7. Ч. 2. - 2020. - 250 с. : рис. - Библиогр.: с. 247-250. - ISBN 978-5-534-08803-8 : 666.74 р.

5. Богомолов, Н. В. Алгебра и начала анализа : учебник для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов. — Москва : Издательство Юрайт, 2025. — 240 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-09525-8. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/viewer/algebra-i-nachala-analiza-561040#page/1>

6. Богомолов, Николай Васильевич. Геометрия : учебное пособие для СПО / Н. В. Богомолов. - Москва : Юрайт, 2024. - 108 с. : рис. - (Профессиональное образование). - URL: <https://urait.ru/viewer/geometriya-536961#page/1>. - Загл. с титул. экрана. - ISBN 978-5-534-09528-9 : 0.00

7. Математика. Задачи с решениями : учебное пособие для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов. - 2-е издание, исправленное и дополненное. - Москва : Юрайт, 2024. - 756 с. - (Профессиональное образование). - URL: <https://urait.ru/bcode/544899>. - Загл. с титул. экрана. - ISBN 978-5-534-16211-0 : 0.00

8. Бардушкин В. В. Элементы высшей математики: в 2 т. : учебник / В. В. Бардушкин, А. А. Прокофьев. - Москва : Курс : ИНФРА-М, 2024. - (Среднее профессиональное образование). - URL: <https://znanium.ru/read?id=443968>. - Загл. с титул. экрана. - ISBN 978-5-906923-43-1.Т.1. - 2024. - 304 с. : рис. - Библиогр.: с. 299. - ISBN 978-5-906923-05-9 : 0.0

9. Бардушкин В. В. Элементы высшей математики: в 2 т. : [Электронный ресурс] : учебник / В. В. Бардушкин, А. А. Прокофьев. - Москва : Курс, 2024. - (Среднее профессиональное образование). - URL: <https://znanium.ru/read?id=443970> - Загл. с титул. экрана. - ISBN 978-5-906923-43-1.Т.2. - 2024. - 365 с. : рис. - Библиогр.: с. 360. - ISBN 978-5-906923-34-9 : 0.0

10. Богомолов, Н. В. Математика : учебник для среднего профессионального образования / Н. В. Богомолов, П. И. Самойленко. — 5-е изд., перераб. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2024. — 401 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-07878-7. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/viewer/matematika-536607#page/1>

11. Математика: Новый полный справочник для подготовки к ОГЭ / А. Г. Мерзляк, В. Б. Полонский, М. С. Якир. - Москва : АСТ, 2022. - 447 с. : рис. - ISBN 978-5-17-150833-3 : 315.00 р.

12. Юхно, Наталья Сергеевна. Математика : учебник для СПО / Н. С. Юхно. - Москва : Инфра-М, 2024. - 204 с. : рис. - (Среднее профессиональное образование). - URL: <https://znanium.ru/read?id=443249>. - Загл. с титул. экрана. - ISBN 978-5-16-014744-4 : 0.00

Официальные, справочно-библиографические и периодические издания

1. Математика: Новый полный справочник для подготовки к ОГЭ / А. Г. Мерзляк, В. Б. Полонский, М. С. Якир. - Москва : АСТ, 2022. - 447 с. : рис. - ISBN 978-5-17-150833-3 : 315.00 р.

Российские журналы

1. Разведка и охрана недр: научно-технический журнал/учредители: М-во природ. ресурсов и экологии РФ, Рос. геол. о-во. – Москва: [б.и.], 1931- . (ЭБС eLibrary, фонд ГРТ), 2021-2025гг.

2. Геодезия и картография: орган геодезических служб стран СНГ: выпускается при поддержке Федеральной службы государственной регистрации, кадастра и картографии министерства экономического развития РФ: научно-технический и производственный журнал/учредитель: ППК «Роскадастр». – Москва: ППК «Роскадастр», 1925- . Выходит ежемесячно.- (ЭБС eLibrary, фонд ГРТ), 2021-2025 гг.

3. Маркшейдерский вестник: научно-технический и производственный журнал/МИНПРОМЭНЕРГО РФ, Союз маркшейдеров России, ФГУП ВНИМИ и др. – Москва: ФГУП «Гипроцветмет», 1992-. (ЭБС eLibrary, ЦНИ), 2021-2023гг.

4. Горный журнал: научно-технический и производственный журнал/ учредители АК «АЛРОСА» [и др.]. – Москва: Руда и металлы, 1825 - . Выходит ежемесячно. (ЦНИ), 2021-2025гг.

Электронные библиотечные системы и базы данных:

Российские ресурсы:

1. Электронная библиотека ИРНИТУ: <http://elib.istu.edu/>
2. Образовательная платформа «Юрайт» <https://urait.ru/>
3. Электронно-библиотечная система «Znanium»: <http://znanium.ru/>
4. Электронно-библиотечная система «PROФобразование»: <http://profspo.ru/>
5. Электронно-библиотечная система IPRSMART: <http://www.iprbookshop.ru/>
6. Электронная библиотека Гребенников: <http://grebennikon.ru/>
7. Электронная библиотека «Горное образование»: <http://library.gorobr.ru/>
8. Электронная библиотека ИНЦ СО РАН : <http://csl.isc.irk.ru/>
9. Сетевая электронная библиотека (СЭБ) : <http://e.lanbook.com/>
10. Система интерактивных учебников «Book On Lime» : <https://bookonlime.ru/>
11. Электронно-библиотечная система "Издательство Лань" : <http://e.lanbook.com/>
12. Электронно-библиотечная система IPRbooks : <http://www.iprbookshop.ru/>
13. Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU:
https://elibrary.ru/projects/subscription/rus_titles_open.asp
14. Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU (НЭБ):
<https://elibrary.ru/defaultx.asp>

Локальные базы данных

(доступ только из читальных залов библиотеки)

15. Удаленный электронный читальный зал Президентской библиотеки им. Б.Н. Ельцина <https://www.prlib.ru/>
16. Национальная электронная библиотека, НЭБ : <https://нэб.рф/>
17. Виртуальный читальный зал Российской государственной библиотеки (РГБ) :
<https://www.rsl.ru/>
18. Электронная система нормативно-технической документации «Техэксперт»
19. Справочная правовая система "Консультант Плюс"

4 КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА

Контроль и оценка результатов освоения предмета предусматривает следующие контрольно-оценочные средства:

Коды компетенций (ОК, ПК) *	Контрольно-оценочные средства
ОК 01 – ОК 6 ПК 1.7. ПК 4.1. ПК 4.2. ПК 4.7.	- практические работы; - тестовые задания для текущего контроля; - контрольные работы; - экзаменационные задания для промежуточной аттестации.